

## Float

Die grösste Zahl, die wir darstellen können ist

$$\text{Alternativ: Bsp Fl2,4,-2,2): } x_{\max} = 1.11_3 \cdot 2^3 = 111.1_2 = 7.5_{10}$$

$$x_{\max} := \max\{x \in F^*\} = b^{e_{\max}} \sum_{n=0}^{p-1} (b-1) \cdot b^{-n} = b^{e_{\max}} \cdot \frac{(1 - (\frac{1}{b})^p)(b-1)}{1 - \frac{1}{b}} = \underline{\underline{b^{e_{\max}+1} \cdot (1-b^{-p})}}$$

$$\text{und } x_{\min} := \min\{x \in F^*\} = -x_{\max}$$

$$\text{Die kleinste positive Zahl ist dann } b^{e_{\min}} \cdot x_{\min} = 1 \cdot 2^{-3} = 0.01_2 = 0.25_{10}$$

Anzahl Zahlen in  $F^*(b, p, e_{\min}, e_{\max})$  für  $b=2$ :

$$2 \cdot 2^{p-1} (e_{\max} - e_{\min} + 1)$$

negative noch

Binärdarstellung von  $1.1_{10}$

x	$b_i$	$x - b_i$	$2(x - b_i)$
1.1	$b_0 = 1$	0.1	0.2
0.2	$b_1 = 0$	0.2	0.4
-0.4	$b_2 = 0$	0.4	0.8
0.8	$b_3 = 0$ <small>Leert</small>	0.8	1.6
1.6	$b_4 = 1$	0.6	1.2
1.2	$b_5 = 1$	0.2	0.4

$\Rightarrow 1.00011$ , periodisch, nicht endlich

Dezimal  $\rightarrow$  Binär: Wir können hier wie folgt vorgehen  
 z.B.: Sei 75 eine Dezimalzahl. Wir wollen sie binär  
 $75 \div 2 = 1 \Rightarrow 1$   $8/2 = 4$   
 $37 \div 2 = 1 \Rightarrow 1$   $4/2 = 0 \Rightarrow 0$   
 $18 \div 2 = 1 \Rightarrow 1$   $2/2 = 2$   
 $9 \div 2 = 0 \Rightarrow 0$   $2/2 = 0 \Rightarrow 0$   
 $4 \div 2 = 0 \Rightarrow 0$   $1/2 = 1 \Rightarrow 1$  Lesen!  
 $2 \div 2 = 1 \Rightarrow 1$   $1/2 = 1 \Rightarrow 1$   
 $1 \div 2 = 0 \Rightarrow 0$   $0/2 = 0 \Rightarrow 0$   
 $75_{10} = 1001011_2$

## Pointer

```
int a[] = {0,1,2,3};
int *ptr = a; // ptr zeigt auf a[0]
*ptr++ = 187; // <=> *ptr = 187; ptr++;
++ptr = 13; // <=> ++ptr; *ptr = 13;
// => a = {187, 1, 13, 3}
// => ptr zeigt auf a[2]
for(int num: a){ // Ausgabe
    cout << num << " ";
}
```

Const-Faustregel:

Const vor dem \* => gilt für Objekt  
 Const nach dem \* => gilt für Pointer

Bem: const int \*p <=> int const \*p

```
int x = 3;
const int* r = x;
// r kann nicht benutzt werden, um
// x zu verändern, da const reference!
```

Const

## Number Conversion

```
#include<bitset>

cout << 0b1101; //Bin2Dec
cout << 0x7f; //Hex2Dec
cout << 0273; //Oct2Dec

cout << std::bitset<8>{187}; //Dec2Bin
cout << std::hex << 187; //Dec2Hex
cout << std::oct << 187; //Dec2Oct
```

Hex2Bin Bsp:  
 $(d4)_{16} = 11010100_2$

## EBNF

```
// train      = "[" ( open | compositions ) "]".
// open       = loco cars.
// loco       = "*" | "*" loco.
// cars       = "-" | "(" cars ")".
// compositions = composition { composition }.
// composition = "<" open loco ">".

bool loco(std::istream& is){
    if(consume(is, '*')){
        loco(is);
        return true;
    }
    return false;
}

bool cars(std::istream& is){
    return consume(is, '-')
    || (consume(is, '(') && cars(is)
    && consume(is, ')'));
}

bool open(std::istream& is){
    return loco(is) && cars(is);
}

bool composition(std::istream& is){
    return consume(is, '<') && open(is)
    && loco(is) && consume(is, '>');
}

bool compositions(std::istream& is){
    if(composition(is)){
        while(lookahead(is) == '<'){
            if(!composition(is)){
                return false;
            }
        }
        return true;
    }
    return false;
}

bool train(std::istream& is) {
    return consume(is, '[') && (open(is)
    || compositions(is)) && consume(is, ']');
}
```

```
// Frogs = Frog Frog {Frog Frog}.
bool Frogs(std::istream& is){
    if (!Frog(is) || !Frog(is)){
        return false;
    }
    while(lookahead(is) == 'F'){
        if (!Frog(is) || !Frog(is)){
            return false;
        }
    }
    return true;
}

// Stack = Mattress ( Frogs | Stack ) Mattress.
bool Stack(std::istream& is){
    if (!Mattress(is)){
        return false;
    }
    if (lookahead(is) == 'F'){
        if(!Frogs(is)) return false;
    } else {
        if (!Stack(is)) return false;
    }
    return Mattress(is);
}
```

```
// Statement = "var" ((VarSingleName [VarValue]) | VarNames) ";"
// VarValue = "=" Digit {Digit}
// VarSingleName = "_" Letter {Letter}
// VarNames = VarSingleName {" , " VarSingleName}
// Letter = "a" | "b" | ... | "z"
// Digit = "0" | "1" | "2" | ... | "9"

bool VarSingleName(std::istream& is) {
    while (consume(is, '_')) {
        if (peek(is) == ' ') return false;
    }
    if (Letter(is)) {
        if (peek(is) == ' ') return true;
        while (Letter(is)) {
            if (peek(is) == ' ') return true;
        }
        return true;
    }
    return false;
}

bool Statement(std::istream& is) {
    if (consume(is, "var")) {
        unsigned int varNameCount = 0;
        do {
            if (!VarSingleName(is)) return false;
            varNameCount++;
        } while (consume(is, ","));
        if (lookahead(is) == '=') {
            if (varNameCount > 1 || !VarValue(is)) return false;
        }
        return consume(is, ";");
    }
    return false;
}
```

## Bäume

```
void prune(Node* root){
    if(nonFullNodes(root) == 0){
        return;
    }
    Node* l = root->left;
    Node* r = root->right;
    if(l==nullptr && r==nullptr){
        delete r;
        root->right = nullptr;
        return;
    } else if(l!=nullptr && r==nullptr){
        delete l;
        root->left = nullptr;
        return;
    }
    prune(l);
    prune(r);
}
```

```
void clear(Node* root){
    if(root != nullptr){
        clear(root->right);
        clear(root->left);
        delete root;
    }
}
```

# Linked List

```

void deleteValue(unsigned int value) {
    if(first == sentinel){
        return;
    }

    if(first->value == value){
        ListNode* n = first;
        first = first->next;
        delete n; return;
    }

    ListNode* p = first;
    ListNode* n = first->next;
    while(n != sentinel && n->value != value){
        p = n;
        n = n->next;
    }

    if(n!=sentinel){
        p->next = n->next;
        delete n;
    }
}

void print_node(std::ostream& os, Node* n) {
    if (n != nullptr) {
        os << " " << n->value;
        print_node(os, n->next);
    }
}

void Queue::print(std::ostream& os) const {
    os << "[";
    if (first != nullptr) {
        os << first->value;
        print_node(os, first->next);
    }
    os << "]";
}

```

# Overload

## Rule of Three

```

avec::avec(const avec& vec) : count(vec.count) {
    elements = new tracked[count]();
    for (unsigned int i = 0; i < count; i++) {
        elements[i] = vec.elements[i];
    }
}

avec& avec::operator=(const avec& t) {
    if (elements != t.elements) {
        avec copy = avec(t);
        std::swap(copy.elements, elements);
        count = copy.count;
    }
    return(*this);
}

avec::~avec() {
    delete[] elements;
}

Vec3& Vec3::operator+=(const Vec3& other) {
    m_x += other.m_x;
    m_y += other.m_y;
    m_z += other.m_z;
    return (*this);
}

Vec3 Vec3::operator+(const Vec3& other) const {
    Vec3 v = *this;
    return v += other;
}

```

# Rekursion

```

int knapsack(unsigned int max_weight,
              std::vector<item>::iterator begin,
              std::vector<item>::iterator end,
              unsigned int depth) {
    if(max_weight == 0 || begin == end){return 0;}
    int m1,m2;
    if(begin->weight > max_weight){
        return knapsack(max_weight, begin+1, end, depth);
    }else{
        m1 = begin->value +
        knapsack(max_weight-(begin->weight), begin, end, depth);
        m2 = knapsack(max_weight, begin+1, end, depth);
        return std::max(m1,m2);
    }
}

```

```

// PRE: value != 0
// POST: Delete a leaf node with given value from the (sub)tree starting at root.
// If a leaf node is deleted, remove it from its parent.
// If an inner node becomes empty, remove it from its parent and delete it.
// Return true if and only if the (sub)tree starting at root was deleted.
bool deleteLeaf(Node* root, unsigned int value) {
    if (root == nullptr) {
        return false;
    }
    if (root->isLeaf() && root->value == value ) {
        delete root;
        return true;
    }
    for (unsigned int i = 0; i < root->children.size(); ++i) {
        if (deleteLeaf(root->children[i], value)) {
            root->removeFromChildren(root->children[i]);
            if (root->children.size() == 0) {
                delete root;
                return true;
            }
        }
    }
    return false;
}

```

```

using prices = std::vector<unsigned int>;
// pre: p.size() >= length + 1
// post: return the best value that can be attained by
// cutting a rod of the given length and given
// prices per length
unsigned int bestValue(const prices& p, unsigned int length) {
    if (length <= 0) return 0;
    unsigned int bv = 0;
    for (unsigned int i = 1; i < p.size(); ++i) {
        if (i <= length) {
            unsigned int nv = p.at(i) + bestValue(p, length - i);
            if (bv < nv) bv = nv;
        }
    }
    return bv;
}

```

```

// input type: [-2,5]
bool read_input(std::istream& in, Complex& a){
    char first, mid, last;
    in >> first >> a.re >> mid >> a.im >> last;
    return (first == '[' && mid == ',' && last == ']');
}

std::ostream & operator<<(std::ostream& os, Complex& a){
    return os << '[' << a.re << ',' << a.im << ']';
}

Complex operator/(const Complex a, const Complex b){
    Complex x;
    double sqr;
    sqr = b.re*b.re + b.im*b.im;
    x.re = (a.re*b.re + a.im*b.im)/sqr;
    x.im = (a.im*b.re - a.re*b.im)/sqr;
    return x;
}

bool operator==(Complex a, Complex b){
    double d = 0.001;
    return (std::abs(a.re-b.re) < d
    && std::abs(a.im-b.im) < d);
}

bool operator!=(Complex a, Complex b){
    return !(a == b);
}

```

# Mengen

```

void transitively_close(Equalities& equalities) {
    Equalities newly_inferred;
    do {
        newly_inferred.clear();
        for (const Equality& eq1 : equalities) {
            for (const Equality& eq2 : equalities) {
                Symbol p, q;

                if (eq1.overlaps(eq2, p, q)) {
                    Equality eq3 = Equality(p, q);

                    if (equalities.find(eq3) == equalities.end()) {
                        newly_inferred.insert(eq3);
                    }
                }
            }
        }
        equalities.insert(newly_inferred.begin(), newly_inferred.end());
    } while (!newly_inferred.empty());
}

```

<b>begin</b>	Return iterator to beginning (public member function )
<b>end</b>	Return iterator to end (public member function )
<b>operator+=</b>	Append to string (public member function )
<b>swap</b>	Swap string values (public member function )
<b>pop_back</b> <small>(C++)</small>	Delete last character (public member function )
<b>find</b>	Find content in string (public member function )
<b>rfind</b>	Find last occurrence of content in string (public member function )
<b>substr</b>	Generate substring (public member function )
<b>compare</b>	Compare strings (public member function )

# Algorithmen

```

int* return_smax(std::vector<int> &v) {
    if(v.size() < 2){ 
        return nullptr;
    }
    int* max = &v.at(0);
    int* smax = &v.at(1);
    if(*max < *smax){
        std::swap(max, smax);
    }
    for(unsigned int i=2; i < v.size(); i++){
        if(v.at(i) > *smax){
            if(v.at(i) > *max){
                max = &v.at(i);
                smax = &v.at(i);
            } else{
                smax = &v.at(i);
            }
        }
    }
    return smax;
}

void left_shift_vector(std::vector<int> &v){
    int first = v.at(0);
    for(unsigned int i=0; i < v.size()-1; i++){
        v.at(i) = v.at(i+1);
    }
    v.at(v.size()-1) = first;
}

void right_shift_vector(std::vector<int> &v){
    int last = v.at(v.size()-1);
    for(unsigned int i=v.size()-1; i > 0; --i) {
        v.at(i) = v.at(i-1);
    }
    v.at(0) = last;
}

// PRE: Input capital character between A and Z
// POST: Returns the input character rotated by key
char rot(char input, unsigned int key) {
    assert(input >= 65 && input <= 90);
    return (input - 65 + key) % 26 + 65;
}

```

```

int max_diff(iterator begin, iterator end){
    if (begin == end) {
        return 0;
    }
    int min => begin;
    int max => begin;
    for (iterator it = begin+1; it != end; ++it){
        if (*it < min){
            min = *it;
        }
        if (*it > max){
            max = *it;
        }
    }
    return max - min;
}

```

## 1 EXPRESSIONS & OPERATORS

**Expressions:** repräsentieren Berechnungen, haben Typ und Wert, entweder primär oder zusammengesetzt (mit Operatoren).

**Literele:** konstanter Wert, fester Typ. 42u, 3.14f, "bruh"

L-Wert	R-Wert
Identifiziert Speicherplatz (Adresse!)	Jeder L-Wert kann als R-Wert benutzt werden
Kann Wert ändern (z.B. Zuweisung)	Kann Wert nicht ändern
Bsp.: Variable	Bsp.: Literal

Operators: R\*R, !R, L=R, L+=R, ++L, L+++, L>>L, L<<R

Operator	Prec.	A
::	17	L
a++, f(), v[], o.m, p->n	16	L
--a, -a, !, ~, (cast), *p, &a, new, delete	15	R
*, /, %	13	L
a+b, a-b	12	L
<, <=, >, >=	9	L
==, !=	8	L
&, ^,	7, 6, 5	L
&&,	4, 3	L
=, +=, -=, *=, /=, %=, ^=,  =	2	R

Jede Expression kann eindeutig geklammert werden (→ Baum)

**Short-circuit evaluation:** Bei && und || wird die rechte Seite nicht mehr ausgewertet, falls das Ergebnis schon nach der linken Auswertung feststeht. Bsp.: Division durch Null vermeiden:

b != 0 && a/b < c

**Richtlinie:** Vermeide das Verändern von Variablen, welche im selben Ausdruck noch einmal verändert werden! (a\*(a=2))

**Modulo:** Es gelten  $(-a)/b = -(a/b)$  und  $(a/b) \cdot b + a \% b = a$ .

## 2 ZAHLENSYSTEME/-TYPEN

- » Conversion: char/bool < int < uint < float < double
- » Conversion: bool → int ok; int → bool möglich, aber bad practice (alles ausser 0 entspricht true).
- » Ein Overflow verursacht keine Warnung/Fehlermeldung!
- Overflow detection von  $a + b$ :  $a < (\text{int\_max} - b)$
- » Präfixe: 0b binär; 0x hexadec; 0 oktal(!)
- `std::cout << 077; // 6310 (= 778)`

int:

- » signed =  $[-2^{31}, 2^{31} - 1]$ ; max = 2'147'483'647
- » unsigned =  $[0, 2^{32} - 1]$ ; max = 4'294'967'295
- » size = 4 Bytes = 32 Bits
- » Zweierkomplement: 1 Vorzeichen-Bit (1 = negativ)
- Umrechnung: Bits invertieren, dann 1 addieren
- Bsp.: 6 → -6: 0110 → 1001 + 1 = 1010

char:

- » signed =  $[-2^7, 2^7 - 1]$ ; max = 127
- » unsigned =  $[0, 2^8 - 1]$ ; max = 255
- » size = 1 Bytes = 8 Bits
- » repräsentiert normalerweise Buchstaben (nach Ascii)

float/doubles:

- »  $F(\beta, p, e_{\min}, e_{\max})$  enthält die Zahlen  $\pm d_0 \cdot d_1 \dots d_{p-1} \cdot \beta^e$ , wobei  $d_i \in \{0, \dots, \beta - 1\}$  und  $e \in \{e_{\max}, \dots, e_{\min}\}$ .
- »  $p$  = Stellenzahl inkl. Stelle vor Punkt!  $p \geq 1$
- » Menge der normalisierten Zahlen ( $d_0 \neq 0$ )
- $|F^*(\beta, p, e_{\min}, e_{\max})| = 2 \cdot (\beta - 1) \cdot \beta^{p-1} \cdot (e_{\max} - e_{\min} + 1)$
- » Normalisierte Darstellung ist eindeutig!
- » 0 sowie  $x < \beta^{e_{\min}}$  haben keine normalisierte Darstellung
- » Arithmetische Operatoren runden exaktes Ergebnis auf nächste darstellbare Zahl!
- » Float:  $F^*(2, 24, -126, 127)$  (4 Bytes)
- » Double:  $F^*(2, 53, -1022, 1023)$  (8 Bytes)
- » Konvertiere Dezimalzahl in die normalisierte Darstellung, runde auf die nächste darstellbare Zahl (p Bits), setze Exponenten (innerhalb des erlaubten Intervalls)
- Sei  $F^*(2, 4, -3, 3)$  und  $|F^*| = 112$
- $3.1416_{10} \Rightarrow 1.101_2 \cdot 2^1 \Rightarrow 3.25_{10}$  (Rundungsfehler: 0.1084)

Robin Sieber

hex	bin	dec	hex	bin	dec
0	0000	0	8	1000	8
1	0001	1	9	1001	9
2	0010	2	a	1010	10
3	0011	3	b	1011	11
4	0100	4	c	1100	12
5	0101	5	d	1101	13
6	0110	6	e	1110	14
7	0111	7	f	1111	15

**Primzahltest** (n = Input):

```
unsigned int d;
for(d = 2; n%d != 0; ++d);
bool is_prime = (n == d);
```

**Dec2bin** (x ganze Zahl)

```
for (p = 1; p <= x / 2; p *= 2); //  $2^p \leq x$ 
for (; p != 0; p /= 2) {
    if (x >= p) {
        std::cout << "1";
        x -= p;
    } else std::cout << "0";
}
```

**Dec2bin** (0 < x < 2; float/double)

```
for (int b_0; x != 0; x = 2 * (x - b_0)) {
    b_0 = (x >= 1);
    std::cout << b_0; } //  $d_0.d_1\dots d_n$ 
```

$$\begin{array}{ccc} 1.25 & -1 & d_0 = 1 \\ 0.25 \cdot 2 = 0.5 & -0 & d_1 = 0 \\ 0.5 \cdot 2 = 1 & -1 & d_2 = 1 \\ 0 & & \Rightarrow 1.25_{10} = 1.01_2 \end{array}$$

**Regeln:**

- » Teste keine gerundeten Fließkommazahlen auf Gleichheit!
 

```
if ((x - y) > 0) return ((x - y) < tol);
else return ((y - x) < tol);
```
- » Addiere keine zwei Zahlen sehr unterschiedlicher Grösse!
- » Subtrahiere keine zwei Zahlen sehr ähnlicher Grösse!

### 3 VARIABLEN & ANDERE DATENTYPEN

**Scopes {}:** Deklaration einer Variable nach aussen unsichtbar.

**Shadowing:** Variable in einem inneren Scope kann gleich heißen wie eine ausserhalb und wird nicht «verwechselt».

```
int i = 2;
for (int i = 0; i < 4; ++i) cout << i; // 0123
cout << i; // 2
```

#### Referenztypen T&

» Gleicher Wertebereich, gleiche Funktionalität, aber andere Initialisierung (&L = L) und Zuweisung (Synonym/Alias)

» const-Referenz: Read-only Reference auf ein Objekt

```
int n = 5; // original
int& rw = n; // read-write alias
const int& r = n; // read-only alias
```

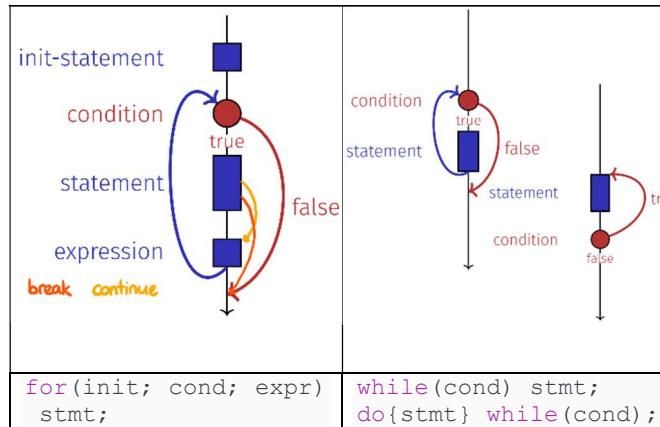
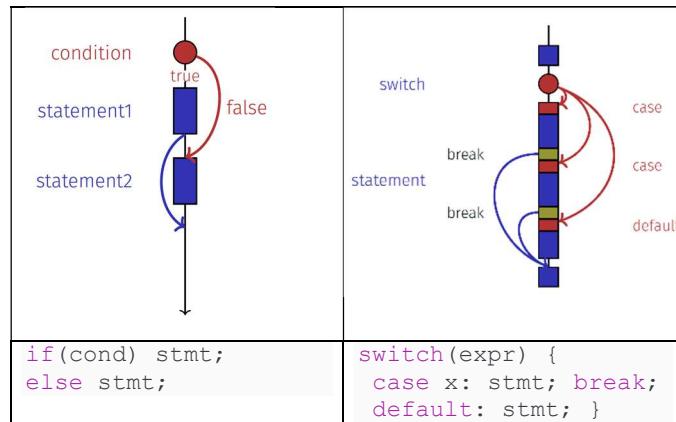
#### Richtlinien:

» Wo überall möglich **const** verwenden. Ein Programm, das diese Regel befolgt, heisst **const-korrekt**.

» Wenn man eine Referenz erzeugt, muss das Objekt, auf das sie verweist, mind. so lange leben wie die Referenz selbst.

*Besonders aufpassen bei return-by-reference-Funktionen.*

### 4 STRUKTURIERUNG: LOOPS UND VERZWEIGUNGEN



Achtung: **switch** führt alle Statements bis zum nächsten **break** aus («Durchfallen»).

### 5 FUNKTIONEN

- » **Precondition** so offen wie möglich formuliert, "D"
- » **Postcondition** so stark wie möglich formuliert, "W"
- » Pre-/Postconditions können mit **assertions** überprüft werden.  
(`#include<cassert>`, dann `assert(cond);`)
- » Non-void Funktion müssen immer ein return-Stmt. erreichen!
- » Mit **return**; kann man eine void-Funktion abbrechen.
- » Funktionsaufruf ist ein R-Wert, ausser bei T&-Funktionen
- » **Pass by value:** Argument wird mit Wert initialisiert → Kopie
- » **Pass by reference:** Argument wird mit Adresse (als L-Wert) initialisiert → Alias
- » **Return by reference:** Aufpassen mit Lebensdauer  
(→ Richtlinie Kapitel 3)
- » **Const:** const-Objekte dürfen nur const-Funktionen aufrufen.
  - » `int getX() const { return x; }` Memberfunktion verändert das Objekt (implizites Argument 'this') nicht.
  - » `void f(const T& arg) { ... }` Funktion verändert Argument nicht

#### Overloading:

Funktion ist bestimmt durch Namen, Typen, Anzahl und Reihenfolge der Argumente.

```
int pow(int b, int e) {...}
int pow(int e) { return pow(2, e); }
```

Der Compiler wählt beim Aufruf die am besten passende Funktion.

#### Operator-Overloading:

```
rational operator+ (rational a, rational b)
{ return {a.n*b.d + a.d*b.n, a.d*b.d}; }
rational operator- (rational a)
{ a.n = -a.n; return a; }
bool operator== (rational a, rational b)
{ return a.n * b.d == a.d * b.n; }
rational& operator+= (rational& a, rational b)
{ a = a+b; return a; }
std::ostream& operator<< (std::ostream& out,
rational r)
{ return out << r.n << "/" << r.d; }
std::istream& operator>> (std::istream& in,
rational& r) // Input format: "n/d"
{ char c; return in >> r.n >> c >> r.d; }
rational& rational::operator++ () // pre-inc
{ n += d; return *this; }
rational rational::operator++ (int dummy)
{ rational tmp = *this; ++*this;
  return tmp; // return old value }
```

Achtung: Increment-Operatoren müssen Memberfunktionen der Klasse sein! Andere Operatoren können auch Member sein.

### 6 REKURSION & EBNF

#### Rekursion:

- » Voraussetzung für Terminierung
- » Base case (Abbruchbedingung)
- » Fortschritt der Variable in Richtung base case pro Iteration

Beispiel:

```
int gcd(int a, int b) {
    if(b == 0) return a; // base case
    return gcd(b, a%b); }
```

## EBNF:

Definiert Gültigkeit einer formalen Grammatik

...   ...	Alternative (OR)
{...}	Repetition (beliebig oft oder gar nie)
[...]	Repetition (max. 1x)
... = ...	Definition (endet mit .)
"..."	Enthält terminales Symbol

Beispiel:

```
digit = "0" | "1" | ... | "9".
number = digit { digit }.
factor = number | "(" expr ")" | "-" factor.
term = factor { "*" factor | "/" factor }.
expr = term { "+" term | "-" term }.
```

Parsing:

- » Regeln werden zu Funktionen
- » Alternativen/Optionen werden zu if-Statements
- » Nichtterminale Symbole auf der rechten Seite werden zu Funktionsaufrufen
- » Optionale Repetitionen werden zu while Anweisungen

EBNF Helpers:

- » `peek(is)`: returns next char of stream without consuming it.
- » `lookahead(is)`: returns next non-whitespace char of stream without consuming it.
- » `consume(is, c)`: consumes next char of stream and returns true if said char is equal to c.

Beispiel:

```
Hamburger = Bun { Onions } Patties [Salad] Bun
Salad = "S" "A".
Patties = "P" { "P" }.
Onions = "O" "O" "O" { Onions }.
Bun = "B".
```

```
bool Bun(std::istream& is) {
    return consume(is, 'B');
}
bool Patties(std::istream& is) {
    if (consume(is, 'P')) {
        while (lookahead(is) == 'P' &&
            consume(is, 'P'));
        return true;
    }
    return false;
}
```

```
bool Onions(std::istream& is) {
    if (consume(is, 'O')) {
        unsigned int count = 1;
        while (lookahead(is) == 'O' &&
            && consume(is, 'O')) ++count;
        return count % 3 == 0;
    }
    return false;
}
bool Salad(std::istream& is) {
    if (lookahead(is) == 'S' && consume(is, 'S'))
        return (lookahead(is) == 'A' &&
            consume(is, 'A'));
    return true;
}
bool Hamburger(std::istream& is) {
    if (Bun(is)) {
        if (lookahead(is) == 'O' && !Onions(is))
            return false;
        if (!(Patties(is) && Bun(is)))
            return false;
        return !lookahead(is);
    }
    return false;
}
```

## 7 POINTER

```
T* ptr = &var;
int i = 5;
int* p = &i; // Adresse von i
int j = *p; // j = 5
* zeigt an, dass es sich um einen Pointer handelt, und ist zugleich auch Dereferenzierungsoperator
&var gibt die Adresse von var.
v[i] Index-Operator, retourniert L-Wert
p->n == (*p).n
```

### Const-Madness:

- » `const T var`  $\Leftrightarrow$  `T const var` (gilt auch für `T&`)
- » Deklaration von rechts nach links lesen:

int const p1;	p1 konstanter Int
int const* p2;	p2 Pointer auf konst. Int
int* const p3;	p3 konst. Pointer auf Int
int const* const p4;	p4 konst. Pointer auf konst. Int

» `const` ist nicht absolut:

```
int a = 5;
const int* p1 = &a; int* p2 = &a;
*p1 = 2; // Fehler
*p2 = 2; // ok, obwohl *p1 verändert wird
```

## 8 VEKTOREN, ARRAYS, LINKED LISTS ETC.

### std::vector:

- » `#include <vector>`
- » `std::vector<T> name(length, init_val);`
- » `std::vector<T> name = {1, 2, 3};`
- » Wahlfreier Zugriff
- » `vec[i]` gibt L-Wert zurück, deshalb ist eine Zuweisung `v[i] = 2;` möglich.
- » `vec[i]` gibt keine Warnung bei out of border
- » `vec.at(i)` gibt Warnung bei out of border
- » Iteration: `for(int i = 0; i < 3; ++i) cout << v[i];` Ineffizient: erfordert pro Zugriff Multiplikation + Addition
- » Sequenzieller Zugriff
- » `for(int* it = p; it != p+3; ++it) cout << *it;` Effizient: erfordert nur eine Addition pro Zugriff
- » Matrix/Multidimensionaler Vektor ist ein Vektor vom Typ Vektor: `std::vector<std::vector<T>>`
- » Zugriff mit `v[i][j]` oder `v.at(i).at(j)`
- » Jede Zeile ist ein separater Vektor  $\Rightarrow$  nicht jede Zeile hat gleich viele Spalten, Zeilen können auch 0 Spalten haben!
- » Datentyp abkürzen:  
    using imat = `std::vector<std::vector<int>>;`
- » Memberfunktionen: size, push\_back, begin, end, pop\_back, insert, reverse, swap

### std::string:

- » `#include <string>`
- » Statt `std::vector<char>` gibt es `std::string`
- » `std::string s(n, 'a')` s wird mit n a's gefüllt
- » Zeichen auslesen mit `s[i]` oder `s.at(i)`, `s[0] = 'a'`;

- » Operationen:
 

```
s += "asdf";
s = s1 + s2; // geht nur mit Variablen, nicht mit Literalen
```
- » `.length()` statt `.size()` möglich

### Dynamisches Array:

- » `T* p = new T[n];`
- » `int* p = new int[3]{1, 2, 3};`
- » Zugriff auf Elemente mit Index-Operator
- » Konvention: Übergabe eines Arrays durch zwei Pointer:  
`begin` zeigt auf erstes Element, `end` zeigt hinter das letzte Element (past-the-end). Array ist leer, falls `begin == end`.

### Linked List:

- » Vorteil: Dynamisches Speichermanagement: Elemente können überall eingefügt/gelöscht werden, Grösse veränderbar
- » Nachteil: Kein zusammenhängender Speicherbereich, kein wahlfreier Zugriff
- » Einzelne Komponenten sind nodes mit value und Pointer zum nächsten Element (`struct llnode`) (muss mit `new` alloziert werden, damit ein node nicht direkt wieder gelöscht wird!)
- » Gesamter Vektor (`class llvec`, s.u.) besteht aus einem Pointer zum ersten Element und versch. Memberfunktionen (Konstruktoren, `push_front/push_back`, `pop`, `insert`, `size`, `print`, versch. Operatoren etc.)

### Container:

- » `std::unordered_set<T>`: ungeordnete, duplikatfreie Menge
- » `std::set<T>`: geordnete (z.B. alphabetisch, wenn `T = std::string`), duplikatfreie Menge (Rot-Schwarz-Baum)

### Iterator:

- » Sollten für jeden Container implementiert werden
- » Container `c`:
  - » `it = c.begin()`: Iterator auf 1. Element
  - » `it = c.end()`: Past-the-end Iterator
  - » `*it`: Zugriff auf akutelles Element
  - » `++it`: Iterator um ein Element verschieben

- » C++-Standardfunktionen (find, fill, sort etc.) funktionieren so auf beliebigen Containern, die Iterator implementiert haben.
- » Eigener Iterator muss Operatoren `*`, `++`, `!=` implementiert und Funktionen `begin()` und `end()` implementiert haben.
- » `iterator`: public subclass des Containers

### Implementierung:

```
class llvec {
public:
    class iterator {
        llnode* node;
    public:
        iterator(llnode* n) : node(n) {}
        iterator& operator++() {
            this->node = this->node->next;
            return *this;
        }
        int& operator*() const {
            return this->node->value;
        }
        bool operator!=(const iterator& it2) const {
            return this->node != it2.node;
        }
    };
    iterator begin() {
        return iterator(this->head);
    }
    iterator end() {
        return iterator(nullptr);
    }
};
```

## 9 STRUCTS/CLASSES

- » Class: standardmäßig alles private
- » Struct: standardmäßig alles public
- » Memberfunktionen: Deklaration innerhalb Klasse, Definition ausserhalb: `T className::funcName(...){...}`
- » Zugriff: `obj.memberfunc()`
- » **Konstruktor T()**
  - » Spezielle Memberfunktion, wird bei Variablen Deklaration aufgerufen, hat denselben Namen wie die Klasse
  - » **Muss public sein!**
- » Default-Konstruktor: Verhindert undefiniertes Verhalten, indem er jeder Variable bei der Deklaration einen (neutralen) Wert zuweist (z.B. 0). Alternative: Default-Konstruktor löschen, so dass keine Variable uninitialisiert bleiben darf (`rational() = delete;`).

### » Destruktor ~T()

- » Eindeutige Memberfunktion, wird automatisch aufgerufen, wenn die Lebensdauer eines Klassenobjekts endet, z.B. bei `delete` oder am Ende eines Scopes.
- » Falls kein Destruktor deklariert ist, wird er automatisch erzeugt und ruft die Destruktoren für Membervariablen auf. Im Fall von Pointern kann das zu memory leaks führen!

### » Copy-Konstruktor T(const T& x)

- » Eindeutiger Konstruktor, wird aufgerufen, wenn Werte vom Typ `T` mit Werten vom Typ `T` initialisiert werden.
- » `T x = t;` (`t` vom Typ `T`)
- » `T x (t);`
- » Geht nicht: `T x; x = t;` (`=` müsste überladen werden)
- » Falls kein Copy-Konstruktor deklariert ist, wird er automatisch erzeugt und initialisiert memberweise, was bei Pointern zu Problemen führen kann!
- » Überladung `operator=` als Memberfunktion  
`copy and swap idiom` (siehe unten)
- » Mindestfunktionalität eines dynamischen Datentyps
  - » Konstruktor(en)
  - » Destruktor
  - » Copy-Konstruktor
  - » Zuweisungsoperator
- » **Dreierregel**: Definiert eine Klasse eines davon, muss sie auch die anderen zwei definieren!

### Initialisierung:

```
rational s; // Member-Variablen uninitialisiert
rational t = {1, 5}; // Memberweise Init.
rational u = t; // Memberweise Kopie
t = u; // Memberweise Kopie
rational v = u + t; // Memberweise Kopie
```

### new/delete:

- » Mit `new` erzeugte Objekte haben eine dynamische Lebensdauer: Sie leben, bis sie explizit mit `delete` gelöscht werden.
- » `delete` ohne `new` verursacht einen Laufzeitfehler:
 

```
int* n = &var;
delete n; // Laufzeitfehler
```
- » `delete[] expr`; dealloziert ein mit `new` erzeugtes Array `expr`. `expr` muss ein `T*` sein, der auf das Array zeigt.

**Richtlinie:** Zu jedem `new` gibt es ein passendes `delete`!

**Achtung:** Dereferenzieren eines «dangling pointers»:

```
 rational* t = new rational;
 rational* s = t;
 delete s;
 int n = t->n; // t zeigt auf freigegebenen Speicher!
```

Mehrfaches Deallozieren eines Objekts mit `delete` ist ein ähnlich schwerer Fehler!

Implementierung `llvec`:

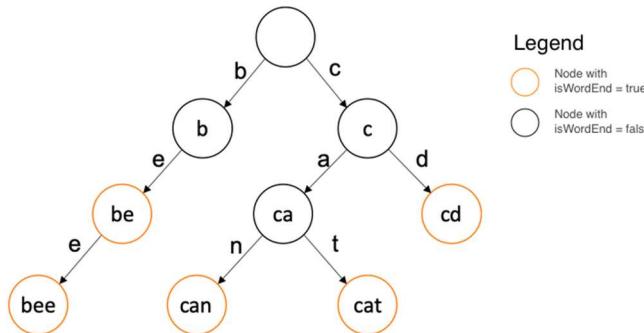
```
struct llnode {
    int value;
    llnode* next;
    llnode(int v, llnode* n) : value(v),
        next(n) {} };
class llvec {
    llnode* head;
public:
    // default constructor
    llvec() : head(nullptr) {}
    // constructor
    llvec(unsigned int i) {
        this->head = nullptr;
        for(; 0 < i; --i) this->push_front(0); }
    // copy constructor
    llvec(const llvec& vec) {
        this->head = nullptr;
        for(llnode* it = vec.head; it != nullptr;
            it = it->next) push_back(it->value); }
    // destructor
    ~llvec() {
        llnode* it = this->head;
        llnode* n = nullptr;
        while(it != nullptr) {
            n = it->next;
            delete it;
            it = n; } }
    // copy and swap idiom
    llvec& operator=(const llvec& vec) {
        // no self-assignment
        if(this->head != vec.head) {
            llvec copy = vec; // uses copy constructor
            std::swap(head, copy.head);
        } // swapped copy is destructed here
    }
```

```
// member functions
void push_front(int e) {
    this->head = new llnode{e, this->head}; }
int& operator[](unsigned int i) {
    llnode* n = this->head;
    for(; 0 < i; --i) n = n->next;
    return n->value; }
void pop(unsigned int n) {
    unsigned int s = this->size();
    llnode* it = this->head;
    llnode* prev = nullptr;
    for(uint i = 0; i < n && i < s; ++i) {
        prev = it;
        it = it->next;
        prev->next = it->next;
        delete it; } }
```

### Bäume:

Linked List, wo ein Node zu mehreren Nodes zeigen kann.

Beispiel Trie (Präfixbaum): Jeder Node hat 26 children.



```
struct TrieNode {
    TrieNode* children[26] = {};
    bool isWordEnd = false;
};
// add to tree
void insertWord(TrieNode* root,
    std::string word) {
    TrieNode *node = root;
    for (char c : word) {
        unsigned int index = charToIndex(c);
        if (node->children[index] == nullptr)
            node->children[index] = new TrieNode();
        node = node->children[index]; }
    node->isWordEnd = true; }
```

```
// search tree
bool containsWord(TrieNode* root,
    std::string word) {
    TrieNode *node = root;
    for (char c : word) {
        unsigned int index = charToIndex(c);
        if (node->children[index] == nullptr)
            return false;
        node = node->children[index]; }
    return node->isWordEnd; }
// print tree
void traverseAndPrint(TrieNode* node,
    std::string prefix) {
    if (node->isWordEnd)
        std::cout << prefix << "\n";
    for (unsigned int i = 0; i < 26; ++i) {
        if (node->children[i] != nullptr) {
            traverseAndPrint(node->children[i],
                prefix + indexToChar(i)); } } }
```

Anderer Baum (bel. viele children, in Vektor gespeichert):

```
struct Node {
    unsigned int value; // leaf: value != 0
    std::vector<Node*> children; //only inner nds
    // Default constructor
    Node() : value(0), children(0) {}
    // Construct a leaf node
    Node(unsigned int value) : value(value),
        children(0) {}
    // Construct an inner node
    Node(std::vector<Node*> children) : value(0),
        children(children) {}
    // Destructor
    ~Node() {
        for (Node* child : children)
            delete child; } };

unsigned int findMax(const Node* root) {
    unsigned int max = 0;
    // If the tree is empty, return 0
    if (root == nullptr) return 0;
    // If current node is a leaf, return value
    if (root->isLeaf()) return root->value;
    // Otherwise, search max recursively
    for (Node* child : root->children) {
        unsigned int childMax = findMax(child);
        if (childMax > max) max = childMax; }
    return max; }
```

```

bool deleteLeaf(Node* root,
    unsigned int value) { //del node mit geg. val
if (root == nullptr) return false;
if (root->isLeaf() && root->value == value) {
    delete root;
    return true;
}
for (unsigned int i = 0;
i < root->children.size(); ++i) {
    if (deleteLeaf(root->children[i], value)) {
        root->removeFromChildren(root->children[i]);
        if (root->children.size() == 0) {
            delete root;
            return true;
        }
    }
}
return false;
}

```

## 10 REST: STREAMS AND OTHER STUFF

- » Komplexe Funktionen und Klassen sollten in andere Files ausgelagert werden.
- » Funktionsdefinitionen in .cpp-Files
- » Funktionsdeklarationen in .h-Files

### Streams:

Immer als Referenz übergeben, da sie sich verändern!

Generic stream: `std::istream, std::ostream`

```

#include <iostream>
std::cin
std::cout
#include <fstream>
std::ifstream is_f("in.txt");
std::ofstream os_f("out.txt");
#include <sstream>
std::string in_str = "yeah boi";
std::istringstream is_s(in_str);
std::ostringstream os_s;
std::string out_str = os_s.str();
void f(std::istream& is, std::ostream& os) {
    is >> std::noskipws; // Leerzeichen beachten
    char c;
    while(is >> c) os << c;
}
f(std::cin, is_f); // bel. Kombination möglich

```

Leerzeichen  
`is >> std::ws; // Leerzeichen überspringen`  
`is >> std::noskipws; // Leerzeichen beachten`

Einlesen verschiedener Typen:

```

// Input format: [a,b], e.g. [2,-5] = 2-5i
bool read_input(std::istream& in, Complex& a) {
    unsigned char c;
    if(!(in >> c) || c != '['
        || !(in >> a.real)
        || !(in >> c) || c != ','
        || !(in >> a.imag)
        || !(in >> c) || c != ']')
        return false;
    else return true;
}

```

### Hex-Table:

00	0	40	64	80	128	c0	192
10	16	50	80	90	144	d0	208
20	32	60	96	a0	160	e0	224
30	48	70	112	b0	176	f0	240

### ASCII:

dec	hex	bin	char	dec	hex	bin	char
0	0	0	NUL	64	40	1000000	@
1	1	1	SOH	65	41	1000001	A
2	2	10	STX	66	42	1000010	B
3	3	11	ETX	67	43	1000011	C
4	4	100	EOT	68	44	1000100	D
5	5	101	ENQ	69	45	1000101	E
6	6	110	ACK	70	46	1000110	F
7	7	111	BEL	71	47	1000111	G
8	8	1000	BS	72	48	1001000	H
9	9	1001	HT	73	49	1001001	I
10	0A	1010	LF	74	4A	1001010	J
11	0B	1011	VT	75	4B	1001011	K
12	0C	1100	FF	76	4C	1001100	L
13	0D	1101	CR	77	4D	1001101	M
14	0E	1110	SO	78	4E	1001110	N
15	0F	1111	SI	79	4F	1001111	O
16	10	10000	DLE	80	50	1010000	P
17	11	10001	DC1	81	51	1010001	Q
18	12	10010	DC2	82	52	1010010	R
19	13	10011	DC3	83	53	1010011	S
20	14	10100	DC4	84	54	1010100	T

21	15	10101	NAK	85	55	1010101	U
22	16	10110	SYN	86	56	1010110	V
23	17	10111	ETB	87	57	1010111	W
24	18	11000	CAN	88	58	1011000	X
25	19	11001	EM	89	59	1011001	Y
26	1A	11010	SUB	90	5A	1011010	Z
27	1B	11011	ESC	91	5B	1011011	[
28	1C	11100	FS	92	5C	1011100	\
29	1D	11101	GS	93	5D	1011101	]
30	1E	11110	RS	94	5E	1011110	^
31	1F	11111	US	95	5F	1011111	-
32	20	100000	space	96	60	1100000	
33	21	100001	!	97	61	1100001	a
34	22	100010	"	98	62	1100010	b
35	23	100011	#	99	63	1100011	c
36	24	100100	\$	100	64	1100100	d
37	25	100101	%	101	65	1100101	e
38	26	100110	&	102	66	1100110	f
39	27	100111	'	103	67	1100111	g
40	28	101000	(	104	68	1101000	h
41	29	101001	)	105	69	1101001	i
42	2A	101010	*	106	6A	1101010	j
43	2B	101011	+	107	6B	1101011	k
44	2C	101100	,	108	6C	1101100	l
45	2D	101101	-	109	6D	1101101	m
46	2E	101110	.	110	6E	1101110	n
47	2F	101111	/	111	6F	1101111	o
48	30	110000	0	112	70	1110000	p
49	31	110001	1	113	71	1110001	q
50	32	110010	2	114	72	1110010	r
51	33	110011	3	115	73	1110011	s
52	34	110100	4	116	74	1110100	t
53	35	110101	5	117	75	1110101	u
54	36	110110	6	118	76	1110110	v
55	37	110111	7	119	77	1110111	w
56	38	111000	8	120	78	1111000	x
57	39	111001	9	121	79	1111001	y
58	3A	111010	:	122	7A	1111010	z
59	3B	111011	;	123	7B	1111011	{
60	3C	111100	<	124	7C	1111100	
61	3D	111101	=	125	7D	1111101	}
62	3E	111110	>	126	7E	1111110	~
63	3F	111111	?	127	7F	1111111	DEL