Technische Mechanik
151-0223-10

- Übung 3 -

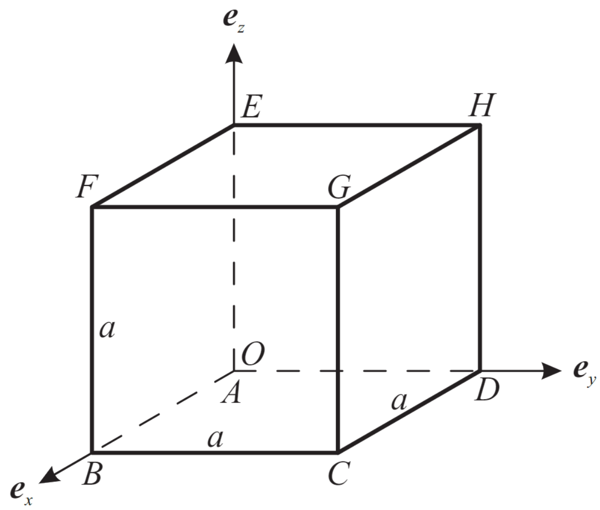
Dr. Paolo Tiso
Francesca Ferrara

12. Oktober 2021

1. [1] Ein Würfel führt eine reine Rotation bezüglich des gegebenen Bezugssystems $\{O, \mathbf{e}_x, \mathbf{e}_y, \mathbf{e}_z\}$ aus. In der gezeichneten speziellen Lage des Würfels fallen die Kanten AB, AD und AE mit den Achsen $\mathbf{e}_x$, $\mathbf{e}_y$, bzw. $\mathbf{e}_z$ des Bezugssystems zusammen. In dieser speziellen Lage sind die Geschwindigkeiten der Punkte G bzw. H in kartesischen Komponenten gegeben:

$$\mathbf{v}_G = \begin{pmatrix} -v \\ v \\ 0 \end{pmatrix}; \qquad \mathbf{v}_H = \begin{pmatrix} v_{Hx} \\ 0 \\ -v \end{pmatrix}$$

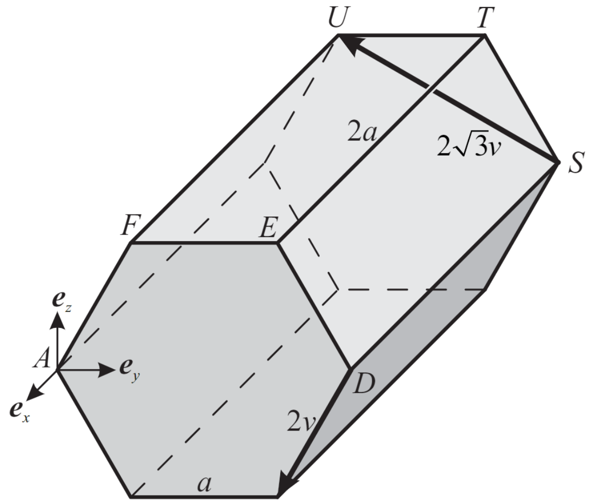
wobei die x-Komponente von $\mathbf{v}_H$ unbekannt ist.



1. Bestimmen Sie die x-Komponente von $\mathbf{v}_H$.
2. Bestimmen Sie die Rotationsgeschwindigkeit $\boldsymbol{\omega}$ und die Geschwindigkeit $\mathbf{v}_A$ des Punktes A.

[1] Aufgabe aus der Übungsserie 3 der Vorlesung « 151-0223-10 Technische Mechanik», HS 2019, Prof. Dual/Prof. Glocker.

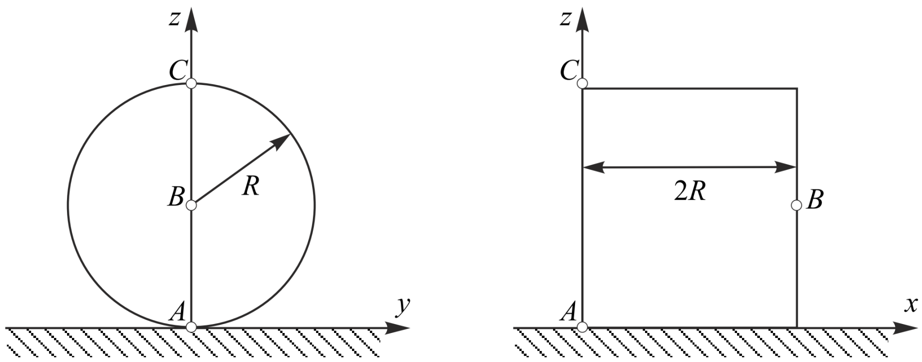
2. [2] Es sei ein gerades, hexagonales Prisma gegeben. Die Länge des Prismas beträgt $2a$ und die Seitenlängen der hexagonalen Grundfläche betragen a. Zu einem gewissen Zeitpunkt hat die Geschwindigkeit des Punktes S den Betrag $2\sqrt{3}v$ und zeigt in Richtung $\mathbf{r}_{SU}$, und die Geschwindigkeit im Punkt D hat den Betrag $2v$ und zeigt in Richtung $\mathbf{r}_{DC}$. Zusätzlich ist zu diesem Zeitpunkt bekannt, dass in E die Geschwindigkeitskomponente in z-Richtung verschwindet und die Ebene $FETU$ parallel zur $(\mathbf{e}_x, \mathbf{e}_y)$-Ebene liegt.



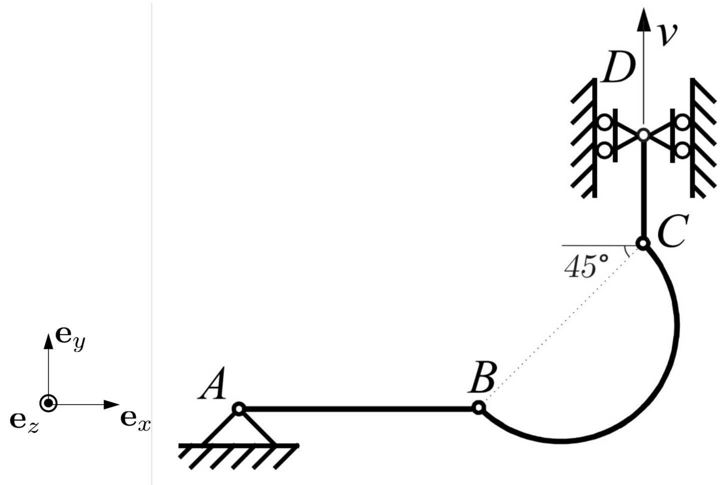
1. Bestimmen Sie mit Hilfe des Satzes der projizierten Geschwindigkeiten für diesen momentanen Bewegungszustand die Geschwindigkeit im Punkt E.
2. Bestimmen Sie die Kinemate im Punkt E.
3. Von welchem Typ ist dieser momentane Bewegungszustand? Geben Sie eine mathematische Begründung an.

[2] Aufgabe aus der Übungsserie 3 der Vorlesung « 151-0223-10 Technische Mechanik», HS 2019, Prof. Dual/Prof. Glocker.

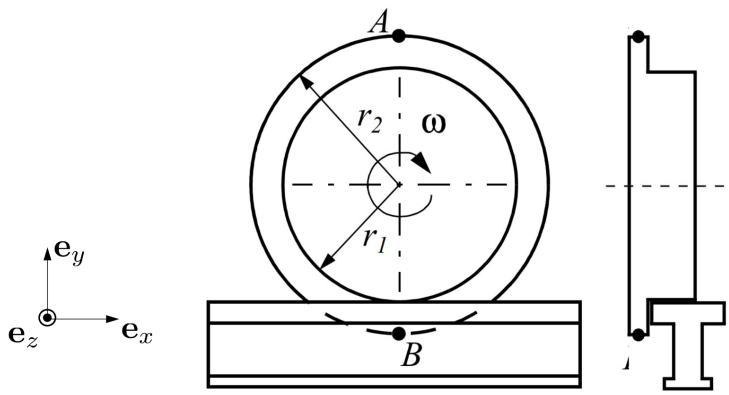
3. Auf der Ebene $z = 0$ (kartesisches Koordinatensystem) gleitet ein starrer Drehzylinder (Radius R, Länge $2R$) so, dass der Zylinder stets auf seiner Mantelfläche aufliegt. Der Bewegungszustand wird durch die Geschwindigkeiten $\mathbf{v}_A = v\mathbf{e}_y$, $\mathbf{v}_B = 2v\mathbf{e}_y$, $\mathbf{v}_C = -v\mathbf{e}_y$ der Punkte A, B und C beschrieben. Begrunden Sie, dass die Rotationsgeschwindigkeit $\boldsymbol{\omega}$ keine y-Komponente haben kann und dass daher die Bewegung eine momentane Rotation ist. Welches $\boldsymbol{\omega}$ und welche momentane Rotationsachse hat der Zylinder?



4. Die drei starren Stäbe AB, BC und CD sind reibungsfrei gelenkig miteinander verbunden und entsprechend der Skizze gelagert. Stab BC ist ein Halbkreis mit Radius R. Die Schnelligkeit vom Punkt B beträgt $|\mathbf{v}_B| = v$. Vom Punkt D weiss man, dass er sich mit der Geschwindigkeit v nach oben bewegt. Alle Stäbe bleiben in der gezeichneten Ebene. Was fur eine Bewegung beschreibt der Stab BC momentan?



5. Ein Eisenbahnrad rollt mit der Rotationsschnelligkeit ω. Die Radien r_1 und r_2 sind gemäss Abbildung gegeben.
Was ist die Geschwindigkeit des obersten Punktes A bzw. des untersten Punktes B des Radkranzes?



(a) $\mathbf{v}_A = (r_2 + r_1)\omega\,\mathbf{e}_x; \quad \mathbf{v}_B = -(r_2 - r_1)\omega\,\mathbf{e}_x$

(b) $\mathbf{v}_A = (r_2 + r_1)\omega\,\mathbf{e}_x; \quad \mathbf{v}_B = (r_2 + r_1)\omega\,\mathbf{e}_x$

(c) $\mathbf{v}_A = r_2\omega\,\mathbf{e}_x + r_2\omega\,\mathbf{e}_y; \quad \mathbf{v}_B = -r_1\omega\,\mathbf{e}_x + r_1\omega\,\mathbf{e}_y$

(d) $\mathbf{v}_A = 2r_2\omega\,\mathbf{e}_x; \quad \mathbf{v}_B = -2r_2\omega\,\mathbf{e}_x$

(e) $\mathbf{v}_A = 2r_2\omega\,\mathbf{e}_x; \quad \mathbf{v}_B = -r_1\omega\,\mathbf{e}_x$