

# Übung 7

Rares Sahleanu



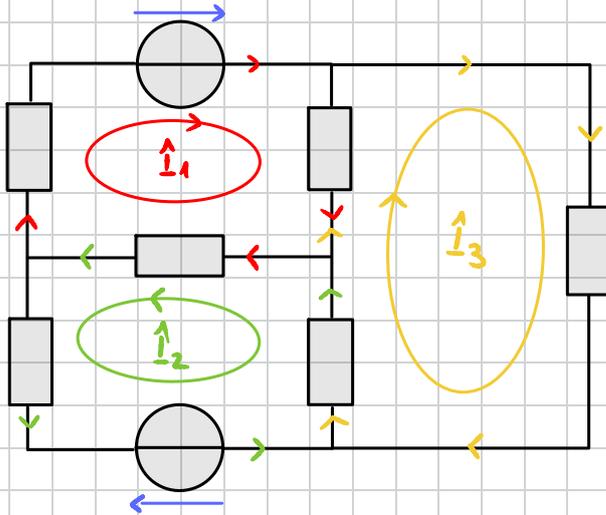
# Maschenstromverfahren



Idee: Wir "erfinden" einfach **beliebige** Ströme die sich in einer Masche **drehen** und berechnen ihre Werte so, dass **"alles passt"**

→ Maschengleichung, Knotengleichung

1. Also zuerst **Maschenströme** erfinden:

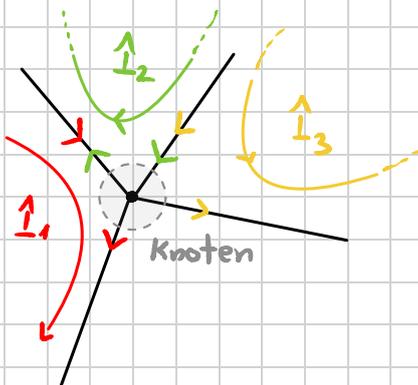


- Richtungen  $\Rightarrow$  egal
- Beträge  $\Rightarrow$  unbekannt & zu bestimmen

$\Rightarrow$  Vorerst konzentrieren wir uns nicht darauf **wieviele** oder **wo** wir die Ströme erfinden. Das Verfahren wird später erklärt

2. Als nächstes auf **Knotengleichungen** prüfen

$\Rightarrow$  Welche Bedingungen müssen die **Ströme** erfüllen, dass die Knotengleichungen **passen**?

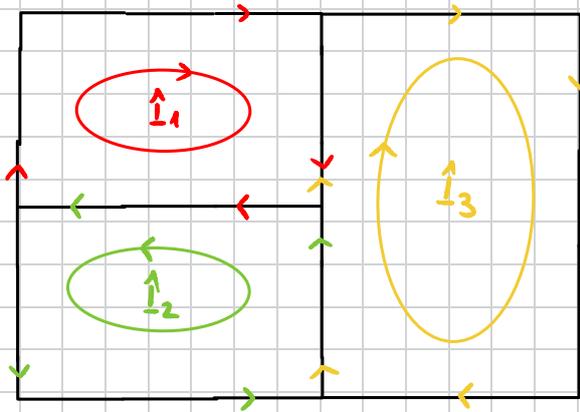


Durch die **Annahme** dass Maschströme sich im "**Kreis** drehen", sind die **Knotengleichungen** automatisch erfüllt!

$$\text{Knoten: } \hat{i}_1 - \hat{i}_1 + \hat{i}_2 - \hat{i}_2 + \hat{i}_3 - \hat{i}_3 = 0$$

## 2. Als nächstes auf Maschengleichungen prüfen

⇒ Welche Bedingungen müssen die Ströme erfüllen, dass die Maschengleichungen **passen**?



⇒ Maschengleichungen müssen stimmen

⇒ Maschengleichungen aufstellen!

Wie?

→ Vollständiger Baum

→ Auftrennen der Maschen

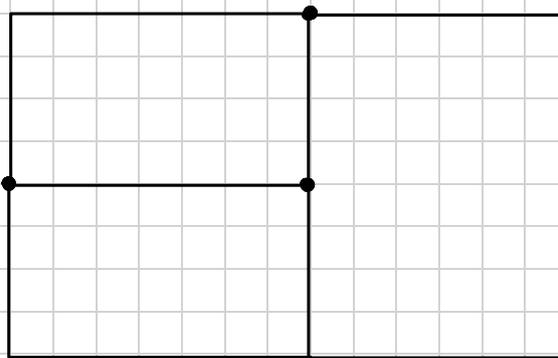


Wait a minute! Wenn es doch **beliebig** ist wie & wo ich die **Maschenströme** erfinde kann ich nicht **zuerst** die **Maschenumläufe** für die Maschengleichungen bestimmen und die **Ströme** entlang derer legen?

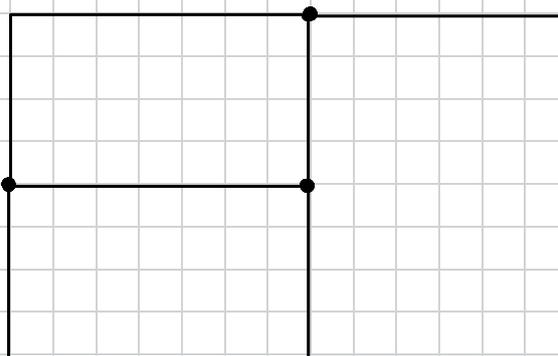
⇒ Ja! und es **vereinfacht** die Rechnung

+ |MS| = |MG| ⇒ Lösbar

Bei unserem Beispiel: (Auftrennen der Maschen)



← Wichtig für Später: Stromquellen sind Leerläufe



Ist das die **minimale Anzahl** an Gleichungen/Strömen?

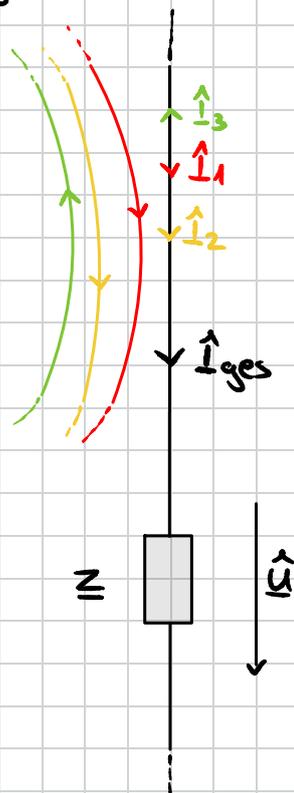
Endergebnis:

Maschengleichungen

$$\begin{bmatrix} A \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \mathbf{I} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{U} \end{bmatrix}$$

$\underbrace{\hspace{10em}}_{MS}$

Falls man den Strom in einem Zweig braucht, so muss nur die **Superposition** der jeweiligen **Maschenströme** bestimmen:



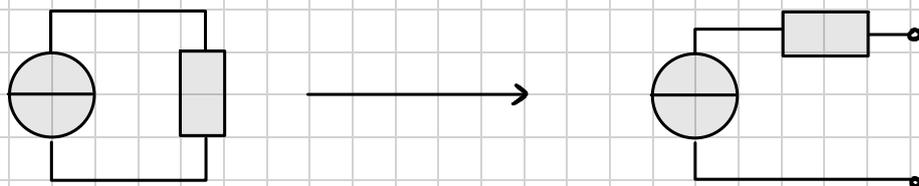
$$\hat{i}_{ges} = +\hat{i}_1 + \hat{i}_2 - \hat{i}_3$$

$$\hat{i}_R = \sum \hat{i}_{ges} = +\sum \hat{i}_1 + \sum \hat{i}_2 - \sum \hat{i}_3$$

Man definiert dass  $\hat{i}_q$  durch eine beliebige Masche läuft und die MS werden sich dem umstellen... **EMPFOHLEN!**

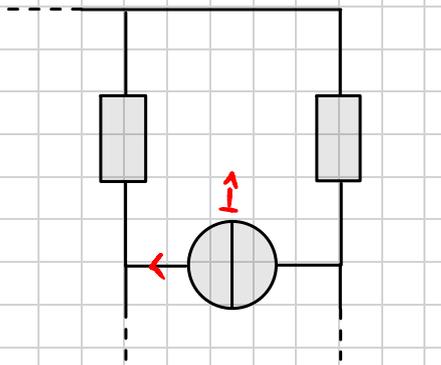
**I** Was tun bei **Stromquellen**?

**Umwandeln!** oder **Stromquellenmasche**

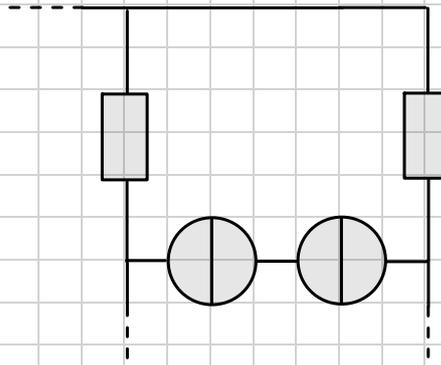


Was wenn das **nicht** geht? → **Auftrennen** der Quelle

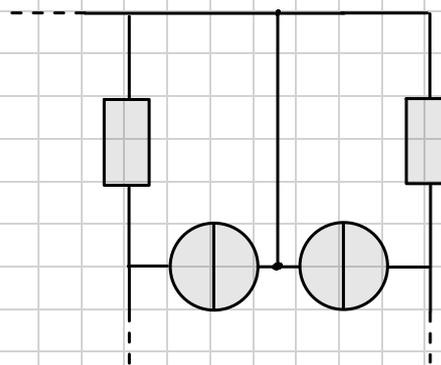
Beispiel:



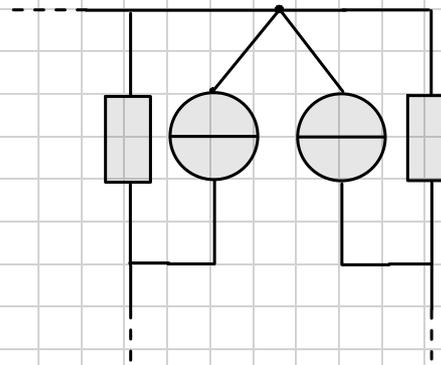
Ändert das was?



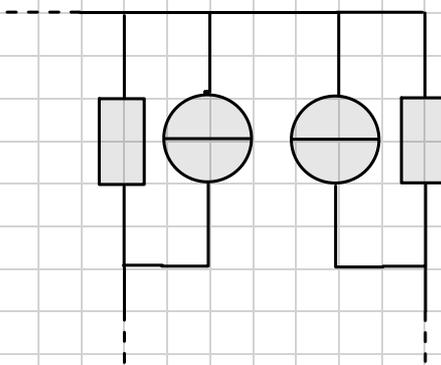
Ändert das was?



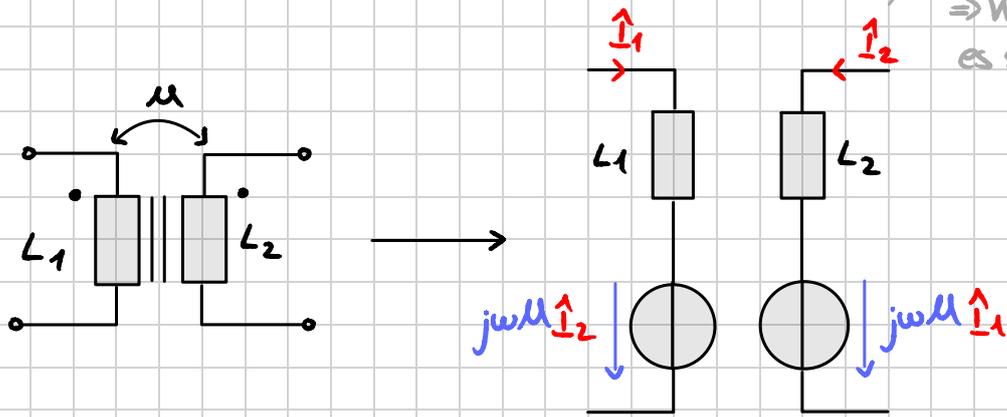
Ändert das was?



Ändert das was?



## II Was tun bei einem Transformator?



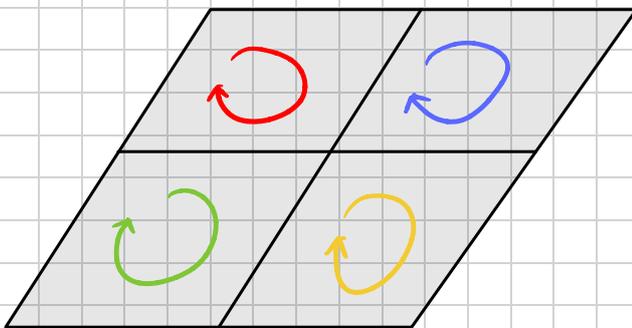
Achtung! das ist der Gesamtstrom  
=> Wie macht man es sich am einfachsten?

=> Beim Maschengleichungen aufstellen: Aufgespaltenes Netzwerk als 2 separate Netzwerke behandeln!

↳ in Matrix A die Formel für Spannungen einsetzen

## III Was tun bei einem ebenen Netzwerk?

Auftrennen der Maschen skippen → Elementarmaschen nutzen!



Definition ebenes Netzwerk:

"es schneiden sich keine Drähte"

## Teil 2 Maschenstromverfahren (22 Punkte=18%)

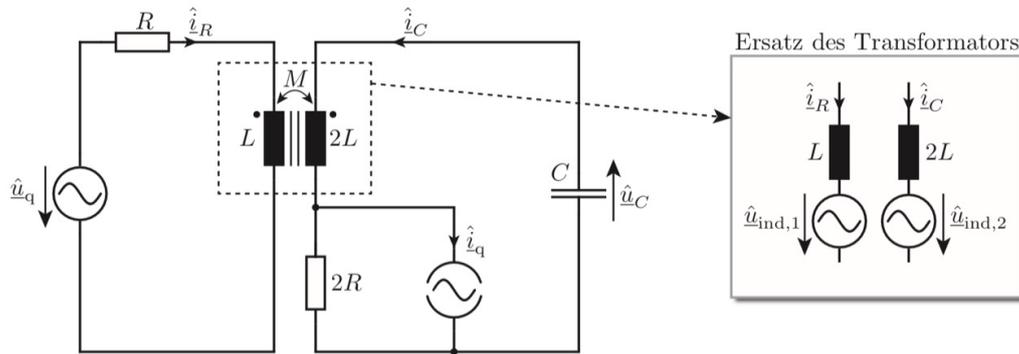


Abbildung 3: Netzwerk mit der Spannungsquelle  $\hat{u}_q$ , der Stromquelle  $\hat{i}_q$  und einem Transformator.

Das in Abbildung 3 gezeigte Netzwerk enthält eine Spannungsquelle  $\hat{u}_q$ , eine Stromquelle  $\hat{i}_q$ , die Widerstände  $R$  und  $2R$ , die Kapazität  $C$  sowie einen Transformator. Der Transformator kann wie gezeigt durch ein Ersatzschaltbild mit den Selbstinduktivitäten  $L$  und  $2L$  sowie den induzierten Spannungen  $\hat{u}_{\text{ind},1}$  und  $\hat{u}_{\text{ind},2}$  beschrieben werden. Die Koppelungsinduktivität beträgt  $M = 1.5L$ . Die induzierten Spannungen werden durch zwei stromgesteuerte Spannungsquellen modelliert und sind gegeben durch

$$\hat{u}_{\text{ind},1} = j\omega 1.5L \hat{i}_C$$

$$\hat{u}_{\text{ind},2} = j\omega 1.5L \hat{i}_R$$

Das Netzwerk befindet sich im eingeschwungenen Zustand und soll im Folgenden mittels dem Maschenstromverfahren berechnet werden.

- a.) Wie viele unabhängige Maschen gibt es im Netzwerk? Nennen Sie zwei Methoden zur Berücksichtigung der Stromquelle  $\hat{i}_q$  im Maschenstromverfahren. Wählen Sie eine davon aus und zeichnen Sie alle notwendigen Maschenströme in das Netzwerk ein. (Falls erforderlich, zeichnen Sie das resultierende Netzwerk neu.)

a.) Wie viele unabhängige Maschen gibt es im Netzwerk? Nennen Sie zwei Methoden zur Berücksichtigung der Stromquelle  $\hat{i}_q$  im Maschenstromverfahren. Wählen Sie eine davon aus und zeichnen Sie alle notwendigen Maschenströme in das Netzwerk ein. (Falls erforderlich, zeichnen Sie das resultierende Netzwerk neu.)

c.) Ermitteln Sie mit Hilfe der Maschengleichungen einen analytischen Ausdruck für den Zweigstrom  $\hat{i}_C$ . Schreiben Sie den resultierenden Ausdruck in der Form  $\hat{i}_C = k_1 \hat{u}_q + k_2 \hat{i}_q$  mit  $k_1, k_2 \in \mathbb{C}$ . Die Konstanten  $k_1$  und  $k_2$  dürfen keine Doppelbrüche enthalten.

## Teil 2 Maschenstromverfahren (18 Punkte = 20%)

Die beiden Aufgaben 2A und 2B können unabhängig voneinander gelöst werden.

### Aufgabe 2A Netzwerkumformung (7 Punkte)

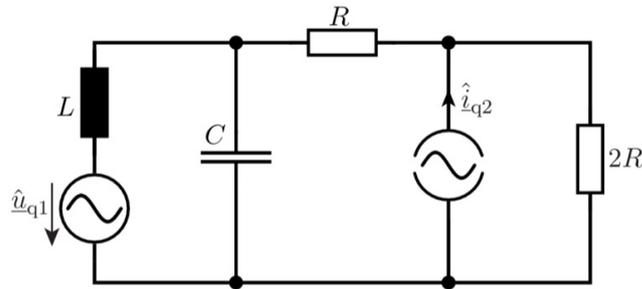


Abbildung 2: Netzwerk A.

- a) Wandeln Sie die Stromquelle  $\hat{i}_{q2}$  und den Widerstand  $2R$  in eine äquivalente Spannungsquelle um. Zeichnen Sie dazu das Schaltbild der äquivalenten Spannungsquelle und geben Sie alle darin auftretenden Größen an.
- b) Handelt es sich bei Netzwerk A um ein *ebenes Netzwerk*? Begründen Sie. Zeichnen Sie im Netzwerk alle *unabhängigen* Maschenumläufe ein.
- c) Welche *zwei* Methoden zur Berücksichtigung der Stromquelle  $\hat{i}_{q2}$  im Maschenstromverfahren kennen Sie?

## Aufgabe 2B Netzwerkberechnung (11 Punkte)

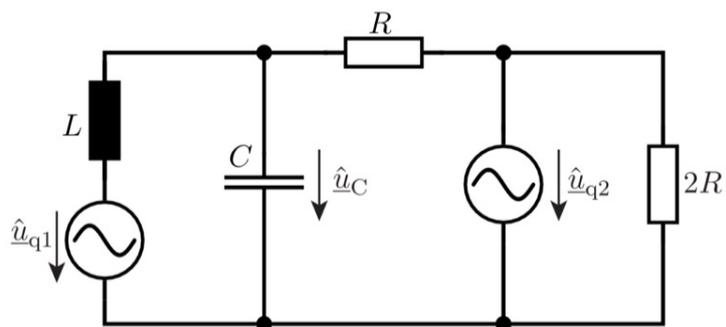


Abbildung 3: Netzwerk B.

d) Zeichnen Sie in Netzwerk B alle für das Aufstellen der Maschengleichungen notwendigen Maschenströme ein.

e) Stellen Sie die Maschengleichungen in Abhängigkeit der Maschenströme auf.

Die Spannungsquelle  $\hat{u}_{q2}$  wird nun durch die Kondensatorspannung  $\hat{u}_C$  gesteuert. Es gilt  $\hat{u}_{q2} = K\hat{u}_C$  mit der Konstante  $K$ .

f) Wie lauten die neuen Maschengleichungen in Abhängigkeit der Maschenströme?